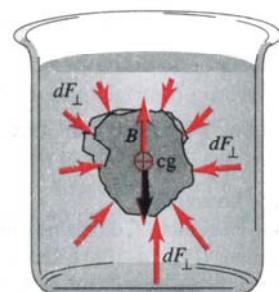
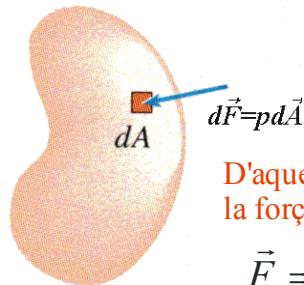


# Pressió



Un sòlid submergit en un fluid pateix en tots els punts que estan en contacte amb el fluid una força que és perpendicular a la superfície de l'objecte.

Es defineix com pressió a la força normal exercida pel fluid per unitat d'àrea:



$$p = \frac{dF}{dA}$$

D'aquesta manera podem calcular la força resultant com:

$$\vec{F} = \int p d\vec{A}$$

Unitats, S.I. : Pa (Pascal), 1Pa= 1N/m<sup>2</sup>

Altres: 1 bar = 10<sup>3</sup> mil·libars=100 kPa

1 atm = 760 mmHg =760 Torr=101.325 Pa

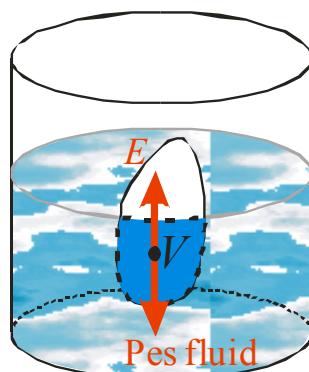
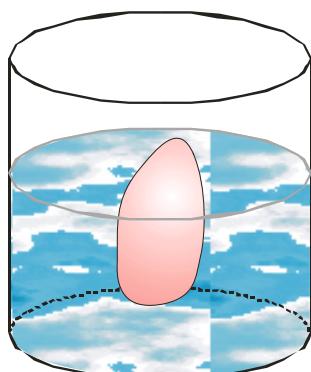
## Principi d'Arquimedes

La força que experimenta un cos submergit total o parcialment en un fluid s'anomena força ascensional o empenyiment  $E$ , i és igual al pes del fluid desallotjat.

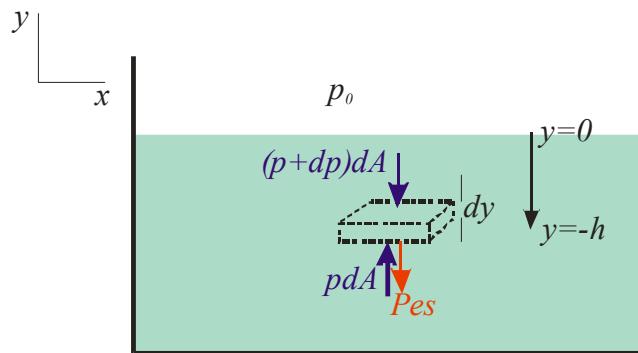
$$E = \rho g V$$

on  $\rho$  és la densitat del fluid i  $V$  és el volum de fluid desplaçat.

En el cas de que la densitat del fluid sigui constant, el punt d'aplicació correspon al centre geomètric del volum.



## Equació fonamental de l'estàtica de fluids



$$(p + dp)dA + \rho g dA dy = pdA$$

$$dp = -\rho g dy$$

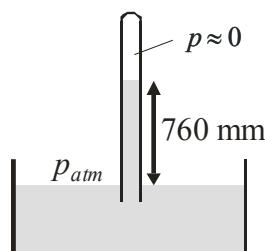
Fluid incompressible:

$$\int_0^h dp = \int_0^{-h} -\rho g dy = -\rho g \int_0^{-h} dy$$

$$p(h) - p(0) = \rho gh \Rightarrow p(h) = p_0 + \rho gh$$

$$\rho gh = \frac{\rho gh A}{A} = \frac{mg}{A}; \text{ pes per unitat d'àrea}$$

## Pressió atmosfèrica



Experiència de Torricelli

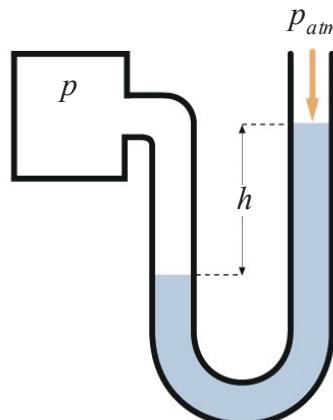
$$p_{atm} = 0 + \rho_{Hg} gh$$

$$\rho_{Hg} = 13,595 \text{ kg/m}^3$$

$$h = 760 \text{ mm}$$

$$p_{atm} = 1 \text{ atm} = 760 \text{ mmHg} = 760 \text{ Torr} = 101325 \text{ Pa}$$

## Manòmetre

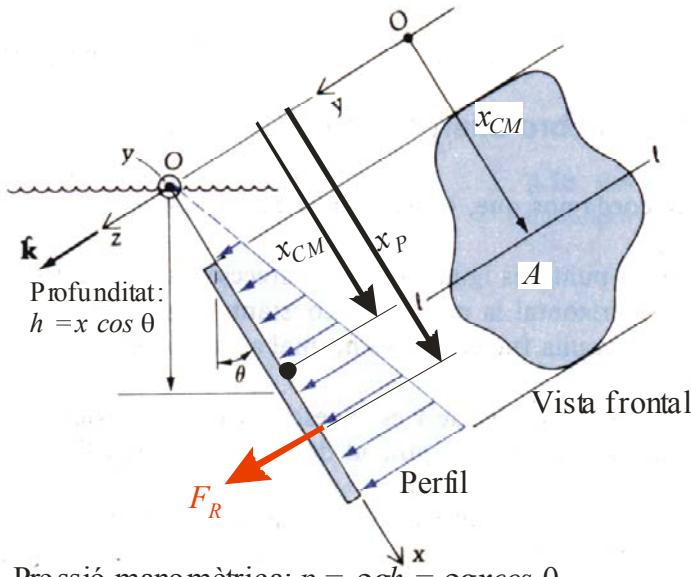


$$p = p_{atm} + \rho gh$$

$$p - p_{atm} = \rho gh$$

$$\bar{p} = \rho gh$$

## Forces i moments sobre parets



$$\text{Pressió manòmètrica: } p = \rho gh = \rho g x \cos \theta$$

$$\text{Força de guda a la pressió: } dF = p dA$$

$$F_R = \int \rho g x \cos \theta dA = \rho g \cos \theta \int x dA = \rho g \cos \theta x_{CM} A$$

Moment resultant:

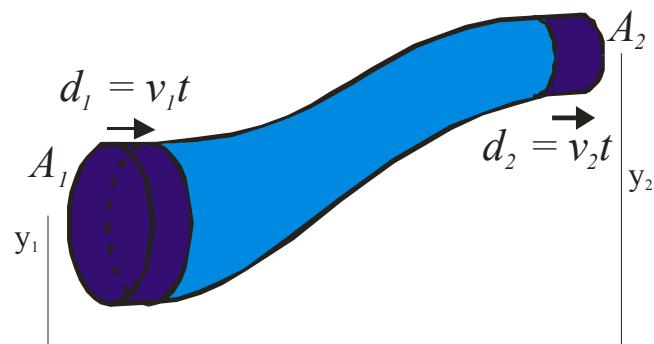
$$M_{R,O} = \int x p dA = \rho g \cos \theta \int x^2 dA = \rho g \cos \theta I_{e,0,y}$$

$$\text{Centre de pressions: } x_p = \frac{M_{R,0}}{F_R} = \frac{I_{e,0,y}}{x_{CM} A}$$

## Equació de Bernoulli

Suposem:

- fluid incompressible  $\Leftrightarrow$  Cabal constant
- fluid ideal  $\Leftrightarrow$  Conservació de l'energia
- flux estacionari  $\Leftrightarrow$  velocitat independent del temps



Balanç energètic en un interval \$\Delta t\$:

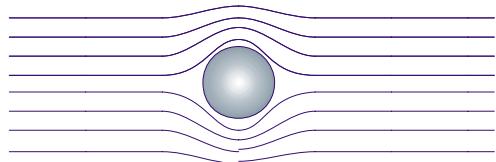
$$W = \Delta E_m = \Delta E_c + \Delta U_g = E_{c,2} - E_{c,1} + U_{g,2} - U_{g,1}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \Delta E_c = \frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2 = \frac{1}{2} Q \Delta t \rho (v_2^2 - v_1^2) \\ \Delta U_g = m g y_2 - m g y_1 = Q \Delta t \rho g (y_2 - y_1) \\ W = \int \vec{F} d\vec{s} = p_1 A_1 d_1 - p_2 A_2 d_2 = Q \Delta t (p_1 - p_2) \end{array} \right.$$

$$Q \Delta t (p_1 + \rho g y_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2) = Q \Delta t (p_2 + \rho g y_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2)$$

$$p_1 + \rho g y_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = p_2 + \rho g y_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

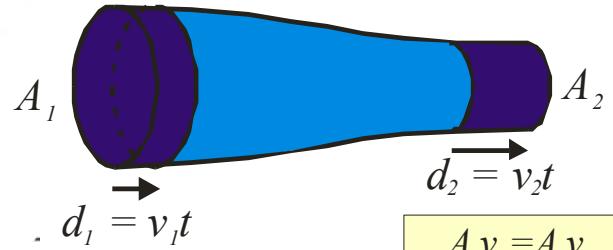
## Fluid Estacionari. Línies de corrent



Flux estacionari: la velocitat del fluid en un punt no depèn del temps.

## Equació de Continuitat

Suposem un fluid incompressible i flux uniform



$$\Delta V_1 = \Delta V_2 \Leftrightarrow A_1 d_1 = A_2 d_2 \Leftrightarrow$$

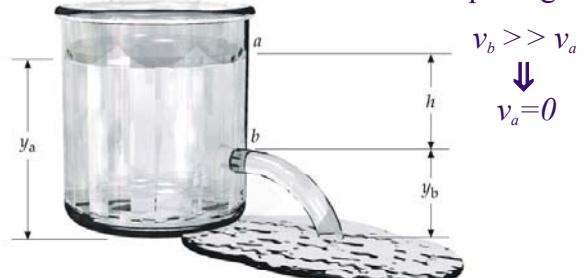
$$\begin{aligned} A_1 v_1 &= A_2 v_2 \\ \Updownarrow \\ Q_1 &= Q_2 \end{aligned}$$

Cabal: \$Q = A \cdot v\$, unitats: \$\text{m}^3/\text{s}\$

Quan el flux no és uniform: \$Q = A \cdot \bar{v}\$, on \$\bar{v}\$ és la velocitat promig.

## Teorema de Torricelli

Dipòsit gran:

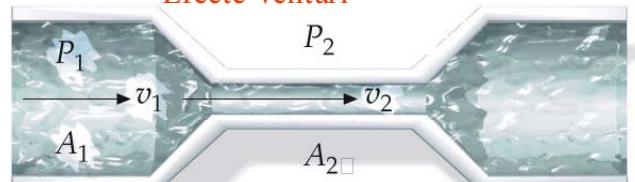


$$p_a + \rho g y_a + \frac{1}{2} \rho v_a^2 = p_b + \rho g y_b + \frac{1}{2} \rho v_b^2$$

$$\rho g y_a = \rho g y_b + \frac{1}{2} \rho v_b^2$$

$$v_b = \sqrt{2 g h}$$

## Efecte Venturi

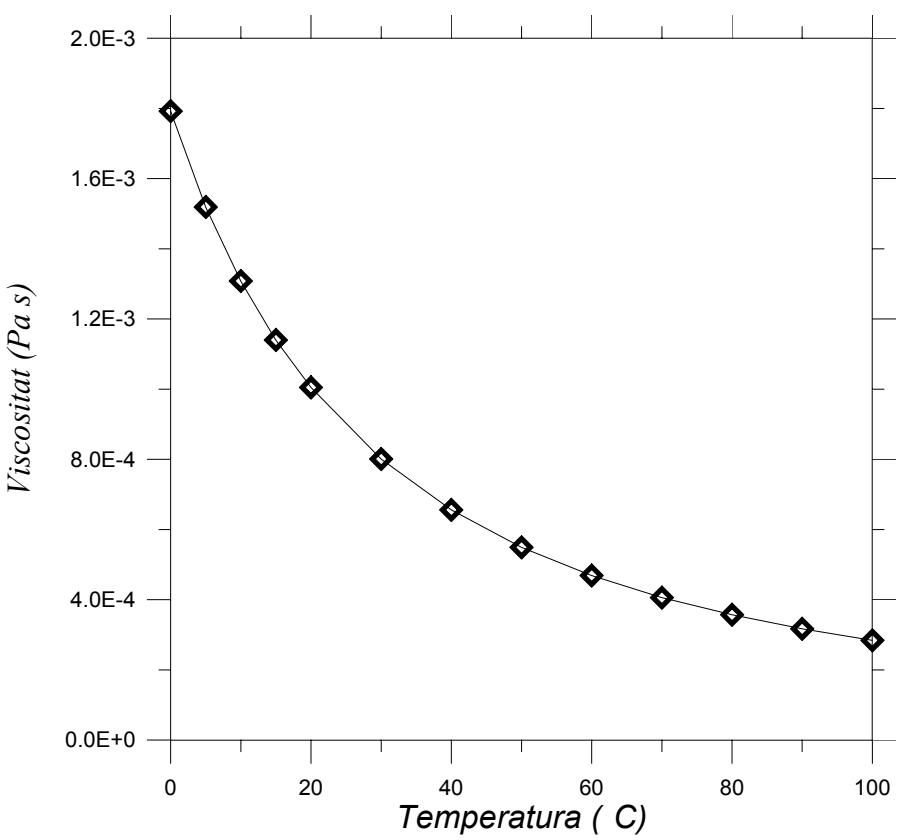


$$Q_1 = Q_2 \Leftrightarrow A_1 v_1 = A_2 v_2 \text{ i } A_1 \gg A_2 \Rightarrow v_2 \gg v_1$$

$$p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = p_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 \Rightarrow p_1 \gg p_2$$

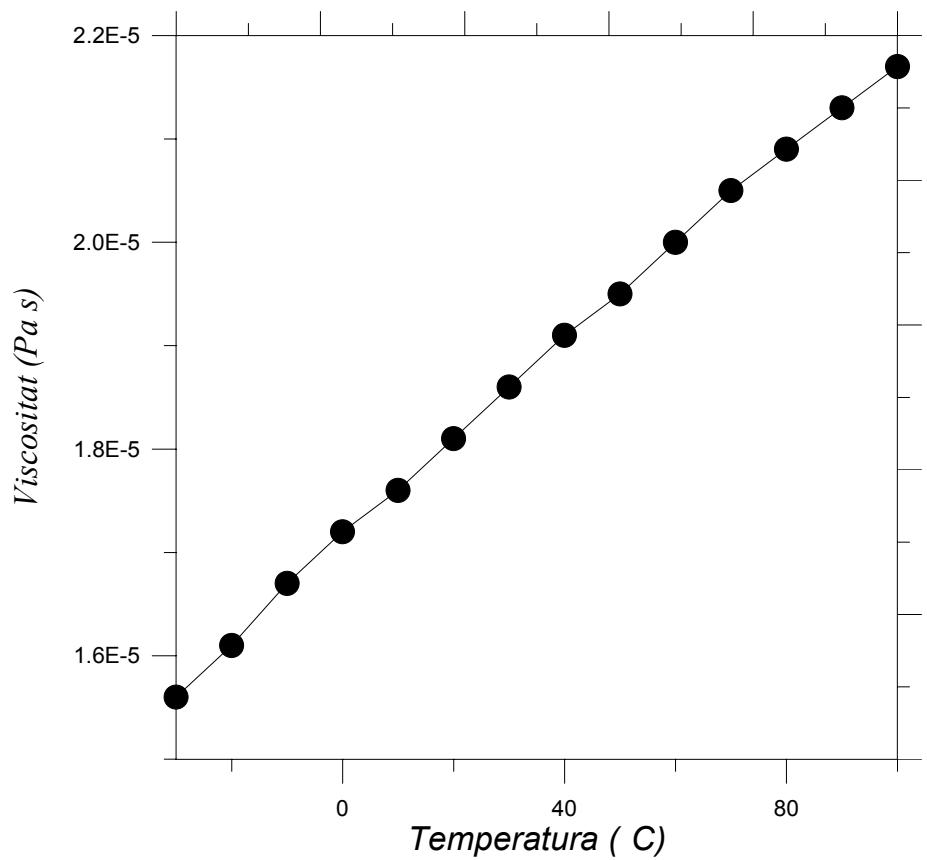
### Viscositat i viscositat cinemàtica de l'aigua

Temperatura °C	Viscositat (N·s/m <sup>2</sup> )	Viscositat Cinemàtica (m <sup>2</sup> /s)
0	1,792 10 <sup>-3</sup>	1,792 10 <sup>-6</sup>
5	1,519 10 <sup>-3</sup>	1,519 10 <sup>-6</sup>
10	1,308 10 <sup>-3</sup>	1,308 10 <sup>-6</sup>
15	1,140 10 <sup>-3</sup>	1,141 10 <sup>-6</sup>
20	1,005 10 <sup>-3</sup>	1,007 10 <sup>-6</sup>
30	0,801 10 <sup>-3</sup>	0,804 10 <sup>-6</sup>
40	0,656 10 <sup>-3</sup>	0,651 10 <sup>-6</sup>
50	0,549 10 <sup>-3</sup>	0,556 10 <sup>-6</sup>
60	0,469 10 <sup>-3</sup>	0,477 10 <sup>-6</sup>
70	0,406 10 <sup>-3</sup>	0,415 10 <sup>-6</sup>
80	0,357 10 <sup>-3</sup>	0,367 10 <sup>-6</sup>
90	0,317 10 <sup>-3</sup>	0,328 10 <sup>-6</sup>
100	0,284 10 <sup>-3</sup>	0,296 10 <sup>-6</sup>



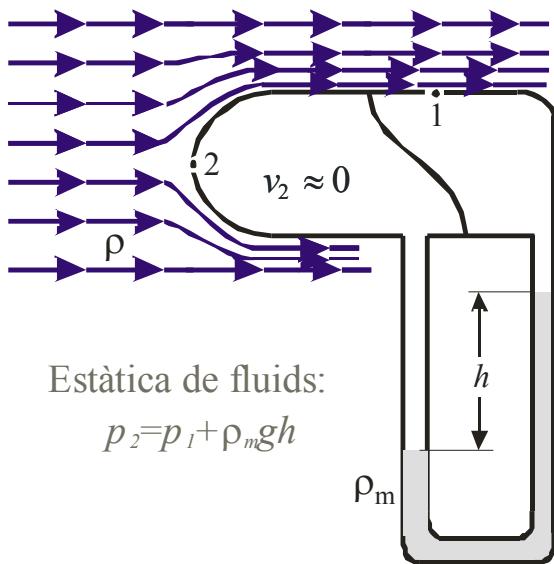
### Viscositat i viscositat cinemàtica de l'aire

Temperatura °C	Viscositat (N·s/m <sup>2</sup> )	Viscositat Cinemàtica (m <sup>2</sup> /s)
-30	1,56 10 <sup>-5</sup>	1,08 10 <sup>-5</sup>
-20	1,61 10 <sup>-5</sup>	1,16 10 <sup>-5</sup>
-10	1,67 10 <sup>-5</sup>	1,24 10 <sup>-5</sup>
0	1,72 10 <sup>-5</sup>	1,33 10 <sup>-5</sup>
10	1,76 10 <sup>-5</sup>	1,42 10 <sup>-5</sup>
20	1,81 10 <sup>-5</sup>	1,51 10 <sup>-5</sup>
30	1,86 10 <sup>-5</sup>	1,60 10 <sup>-5</sup>
40	1,91 10 <sup>-5</sup>	1,69 10 <sup>-5</sup>
50	1,95 10 <sup>-5</sup>	1,79 10 <sup>-5</sup>
60	2,0 10 <sup>-5</sup>	1,89 10 <sup>-5</sup>
70	2,05 10 <sup>-5</sup>	1,99 10 <sup>-5</sup>
80	2,09 10 <sup>-5</sup>	2,09 10 <sup>-5</sup>
90	2,13 10 <sup>-5</sup>	2,19 10 <sup>-5</sup>
100	2,17 10 <sup>-5</sup>	2,30 10 <sup>-5</sup>
200	2,57 10 <sup>-5</sup>	3,45 10 <sup>-5</sup>
300	2,93 10 <sup>-5</sup>	4,75 10 <sup>-5</sup>



## Tub de Prandtl

Mesura la velocitat d'un fluid



Estàtica de fluids:

$$p_2 = p_1 + \rho_m gh$$

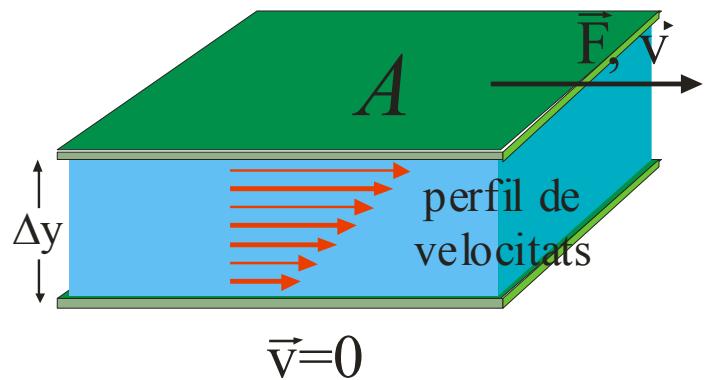


$$\text{Bemoulli: } p_1 + \rho g y_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = p_2 + \rho g y_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

$$p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = p_2$$

$\rho_m gh \Rightarrow$  pressió dinàmica  
 $p_1 \Rightarrow$  pressió estàtica  
 $p_2 \Rightarrow$  pressió total

## Viscositat



$$F \equiv \eta A \frac{dv}{dy} = \eta A \frac{\Delta v}{\Delta y}$$

Unitats:

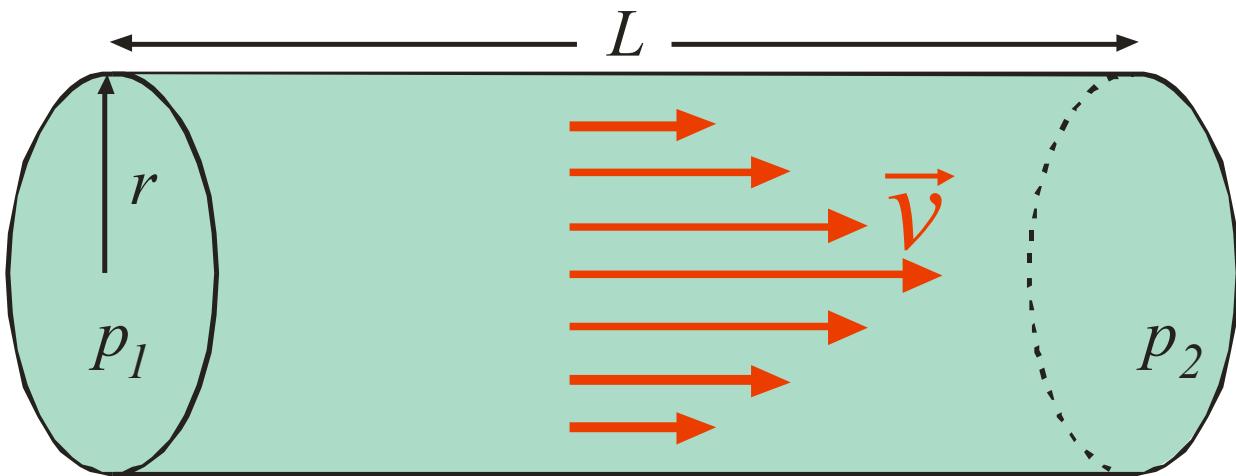
SI:  $\text{Pa}\cdot\text{s}$

CGS: Poise

1 Poise = 1  $\text{dina}\cdot\text{s}/\text{cm}^2$ , 1  $\text{Pa}\cdot\text{s} = 10$  Poise  
 cp (centipoise) 100 cp = 1 Poise

Fluid	Temperatura °C	Viscositat Pa·s
Oli lubrificant	16	$113 \cdot 10^{-3}$
	38	$34 \cdot 10^{-3}$
	100	$4,9 \cdot 10^{-3}$
Acetona	25	$0,316 \cdot 10^{-3}$
Etol	20	$1,2 \cdot 10^{-3}$
Èter	20	$0,233 \cdot 10^{-3}$
Glicerina	20	$1490 \cdot 10^{-3}$
Mercuri	20	$1,55 \cdot 10^{-3}$
Metà	20	$0,0109 \cdot 10^{-3}$
Vapor d'aigua	100	$0,0125 \cdot 10^{-3}$
Sang	20	$3,015 \cdot 10^{-3}$
	37	$2,084 \cdot 10^{-3}$

# Flux en una canonada



Llei de Poiseuille (règim laminar):

$$p_1 - p_2 = \Delta p = \frac{8\eta L}{r^2} v = \frac{8\eta L}{\pi r^4} Q$$

Cas general:

$$Q = \frac{\Delta p}{R_F} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{Laminar: } R_F = \frac{8\eta L}{\pi r^4} \\ \text{Turbulent, } R_F \text{ tabulat.} \end{array} \right.$$

Potència dissipada:

$$Pot = Q \cdot \Delta p = Q^2 R_F = \frac{\Delta p^2}{R_F}$$